

Programmation Concurrente, Réactive et Répartie

Cours N°7a

Carlos Agon & Emmanuel Chailloux

Master d'Informatique
Université Pierre et Marie Curie

année 2014-2015

Cours 7a : Langages synchrones à flots de données

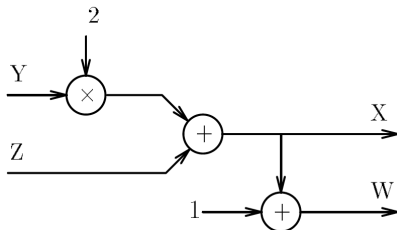
- ▶ programmes vus comme des équations
- ▶ causalité
- ▶ flots
- ▶ horloges
- ▶ exemples en Lustre et Esterel

Langages synchrones à flots de données

- ▶ Data Flow : un programme est donné par un ensemble d'équations et son exécution décrit l'évolution des sorties des équations dans le temps.
- ▶ Synchrony : un programme réagit à un événement externe dans un temps bornée.
- ▶ Synchronous Data Flow : chaque instant de temps représente un cycle où les entrée sont prises en compte et les sorties calculées. Le temps est logique et ne peut pas être manipulé.

Programmes vus comme des équations

- ▶ un programme : un ensemble d'opérateurs reliés par des fils
- ▶ représentation graphique :



- ▶ représentation textuelle :

```
node Module1(Y,Z : int)
returns (X : int) ;
let
  X = (Y * 2) + Z ;
tel
```

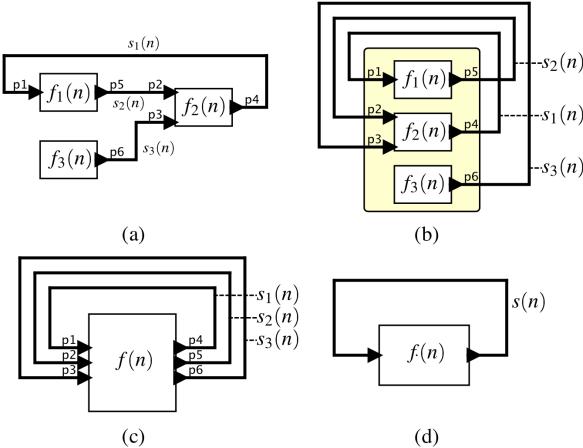
```
node Module2 (X : int)
returns (W : int) ;
let
  W = X + 1 ;
tel
```

- ▶ représentation équationnelle : temps discrèt = \mathbb{N}
 $\forall t \in \mathbb{N}, X(t) = 2Y(t) + Z(t)$ et $W(t) = X(t) + 1$

```
node Module1(Y,Z : int)
returns (X : int) ;
var S : int ;           - variable locale
let
  X = S + Z ;           - equations
  S = Y * 2 ;           - sans ordre
tel
```

- ▶ toutes les variables sont des flots
- ▶ une seule équation pour chaque variable locale et de sortie
- ▶ ensemble d'équations à résoudre

Exécution d'un programme



Prefire (pré-conditions) + Fire (actions) + Postfire (post-conditions)

problème de causalité si les pré-conditions des actions sont influencées par les actions.

Langages

- ▶ LUSTRE : langage synchrone défini en 1985 par P. Caspi et N. Halbwachs (Vérimag, Grenoble)
 - ▶ vision fonctionnelle du monde
 - ▶ précision du contrôle par les horloges
 - ▶ capacité de conserver des valeurs dans des registres (pre) entre deux étapes de calcul
- ▶ SCADE : environnement de développement industriel développé par la société Esterel-Technologies
 - ▶ contient toujours un noyau Lustre mais a évolué
 - ▶ programmation graphique, génération de code C
 - ▶ utilisé dans le logiciel embarqué critique (Airbus, ...)

LUSTRE : Types, opérateurs et conditionnelle

- ▶ types de base : bool, int, real
- ▶ constante (flot constant)
- ▶ opérateurs arithmétiques, logiques, ...
- ▶ if fonctionnel (expression) :
(bool flot) * ('a float) * ('a flot) -> 'a flot

```
node Max(A,B : real)
returns (R : real) ;
let
  R = if (A >= B) then A else B ;
tel
```


LUSTRE streams (1)

$v_1 v_2 \dots v_n \dots$

- ▶ flot constant :
 - ▶ $2 \equiv 2, 2, 2, 2, \dots$
 - ▶ $\text{false} \equiv \text{false}, \text{false}, \text{false}, \text{false}, \dots$
- ▶ opérateurs :
 - ▶ $X \equiv x_0, x_1, x_2, x_3, \dots$ et $Y \equiv y_0, y_1, y_2, y_3, \dots$
 $X + Y \equiv x_0 + y_0, x_1 + y_1, x_2 + y_2, x_3 + y_3, \dots$

LUSTRE streams (2)

Deux opérations temporelles :

- ▶ `pre` : un delay d'un pas (comme une case mémoire appelée registre).
- ▶ `init` : $a \rightarrow b_1..b_n..$: construit un nouveau stream $ab_1..b_n..$ que l'on peut lire par "followed by".

a	a1	a2	a3	a4 ...
b	b1	b2	b3	b4 ...
pre b	nil	b1	b2	b3 ...
a \rightarrow b	a1	b2	b3	b4 ...
a \rightarrow pre b	a1	b1	b2	b3 ...

Causalité en LUSTRE

LUSTRE n'autorise que les systèmes d'équations acycliques

- ▶ $x = \tau$ est acyclique, si x n'apparaît pas dans τ ou seulement dans un sous-terme de type $(pre(x))$ dans τ .
 - ▶ $a = a \text{ and } pre(a)$ est cyclique
 - ▶ $a = b \text{ and } pre(a)$ est acyclique
- ▶ les équations acycliques ont une unique solution

Horloges et échantillonnage

Pour exprimer le contrôle en flot de données,
opérateur when pour l'échantillonnage et opérateur current de
projection

c	true	false	true	false	false	true ...
a	a1	a2	a3	a4	a5	a6 ...
b = a when c	a1		a3			a6...
c = current(b)	a1	a1	a3	a3	a3	a6

- ▶ c est appelé une horloge
- ▶ L'horloge de base est celle qui est toujours égale à true
- ▶ On ne peut pas faire $a + (a \text{ when } c)$
- ▶ current ramène un flot sur une horloge plus rapide
- ▶ $\text{current}(a \text{ when } c) \neq x$

Combinaisons de streams échantillonnés

c	true	false	true	false	false
a	a1	a2	a3	a4	a5
b	b1	b2	b3	b4	b5
a when c	a1		a3		
b when c	b1		b3		
(a when c) + (b when c)	a1 + b1		a3 + b3		a6 + b6
pre (b when c)	nil		b1		b3

- ▶ pre fonctionne par rapport à l'horloge c.
- ▶ Toute combinaison des streams est possible s'ils partagent le même horloge

Exemple : ABRO (1)

émission d'un signal O dès qu'un signal A et un signal B ont été reçus, et répète ce processus à chaque fois qu'un signal R est reçu.

En Esterel :

```
module ABRO::  
  input A, B, R;  
  output O;  
  
  loop  
    [ await A || await B ] ;  
    emit O  
  each R  
  
end module
```

Exemple : ABRO (2)

En Lustre : nodes EDGE (front montant) et ABRO

```
node EDGE(X : bool)
returns (Y : bool) ;
let
  Y = false -> X and not (pre X) ;
tel

node ABRO (A,B,R : bool)
returns (O : bool) ;
var seenA, seenB : bool ;
let
  O = EDGE(seenA and seenB) ;
  seenA = false -> not R and (A or pre(seenA)) ;
  seenB = false -> not R and (B or pre(seenB)) ;
tel
```

Références

- ▶ supports au Collège de France (cours et séminaires de Gérard Berry)
- ▶ cours de Nicolas Halbwachs (Vérimag) et de Pascal Raymond (Vérimag)
- ▶ cours de Jean-Ferdinand Susini (Cnam)
- ▶ cours Esterel & Scade d'Emmanuelle Encrenaz (UPMC)
- ▶ présentation de Scade par Jean-Louis Colaço (Esterel-Technologies)