

Examen du 14 novembre 2005

1 - λ -calcul pur : stratégie d'évaluation

Q1 Soient les λ -termes suivants :

$$T = \lambda xy.y$$

$$\Delta = \lambda x.xx$$

$$I = \lambda x.x$$

$$Q = T (\Delta\Delta) I$$

1. Réduisez quand cela est possible le λ -terme Q suivant la stratégie d'évaluation retardée (l'argument est passé tel quel à la fonction) et la stratégie d'évaluation immédiate (l'argument est évalué avant d'être passé à la fonction).
2. Quelle est la stratégie d'évaluation d'Objective Caml ?
3. Le terme Q est-il typage en Objective Caml ? Pourquoi ?

2 - Typage : partage d'environnement et fonctionnelles

1. Donner le type O'Caml, s'il existe, des déclarations O'Caml suivantes :

```
let make_gensym s =  
  let c = ref 0 in  
  let g facc = facc s c in g ;;  
  
let r = make_gensym "TOTO";;  
  
let f_reset s c = c:=0; s;;  
  
let f_new s c = incr c; s^(string_of_int !c);;
```

2. Calculer les valeurs des expressions O'Caml suivantes en justifiant les résultats obtenus :

```
r f_new;;  
r f_new;;  
r f_new;;  
r f_reset;;  
r f_new;;  
r f_new;;
```

3. Indiquer en le justifiant le type des déclarations et expressions suivantes :

```
let f_mystere s c = c:= !c + 2; c;;  
r f_mystere;;
```

3 - Surcharge et liaison tardive en Java

On cherche à se doter de traitements extensibles sur les formules logiques du calcul propositionnel en utilisant le modèle de conception « Visiteur ».

On se donne tout d'abord les classes suivantes pour la description des formules :

Formule.java	Opbin.java
<pre>abstract class Formule { abstract void accepte(Visiteur v); }</pre>	<pre>abstract class OpBin extends Formule { Formule fg, fd; Formule sous_formule_g(){return fg;} Formule sous_formule_d(){return fd;} }</pre>
Constante.java	Et.java et Ou.java
<pre>class Constante extends Formule { boolean b; Constante(boolean b) {this.b = b;} Constante() {this.b = false;} boolean valeur(){return b;} void accepte(Visiteur v) {v.visite(this);} }</pre>	<pre>class Et extends OpBin { Et(Formule fg, Formule fd){ this.fg = fg; this.fd = fd; } void accepte(Visiteur v){v.visite(this);} } class Ou extends OpBin { Ou(Formule fg, Formule fd){ this.fg = fg; this.fd = fd; } void accepte(Visiteur v){v.visite(this);} }</pre>
Non.java	Var.java
<pre>class Non extends Formule { Formule f; Non(Formule f) {this.f = f;} Formule sous_formule(){return f;} void accepte(Visiteur v) {v.visite(this);} }</pre>	<pre>class Var extends Formule { String v; Var(String v){this.v = v;} String ident(){return v;} void accepte(Visiteur v){v.visite(this);} }</pre>

et la classe abstraite Visiteur.java :

```
abstract class Visiteur {
    abstract void visite(Constante c);
    abstract void visite(Non n);
    abstract void visite(Et e);
    abstract void visite(Ou o );
    abstract void visite(Var v );
}
```

1. Construire trois formules simples suivantes :

- (a) $f_1 = (\text{FAUX OU (VRAI ET FAUX)})$
- (b) $f_2 = ((\text{NON } a) \text{ ET } b) \text{ OU } (a \text{ ET } (\text{NON } b))$
- (c) $f_3 = ((\text{NON } a) \text{ OU } a) \text{ OU } ((\text{NON } a) \text{ ET } a)$

Les constantes VRAI et FAUX seront représentées par une instance de **Constante** ; les opérateurs NON, ET et OU correspondront à des instances des classes de même nom ; les variables sont représentées par des instances de la classe **Var** dont la variable d'instance contient la chaîne désirée.

Pour cela il vous est demandé d'écrire une classe **Question1** contenant les trois méthodes statiques de signatures suivantes :

```
static Formule f1();
static Formule f2();
static Formule f3();
```

Les méthodes statiques `f1`, `f2` et `f3` retournent respectivement les formules f_1 , f_2 et f_3 décrites ci-dessus.

- On se donne un visiteur de conversion en chaîne de caractères `VisiteurTS` et du programme `Exemple.java` qui l'utilise. Notez que c'est au *visiteur* de gérer l'accumulation des résultats intermédiaires.

VisiteurTS.java	Exemple.java
<pre>class VisiteurTS extends Visiteur { String res; VisiteurTS(){res="";} String get_res(){return res;} void set_res(String s){res=s;} void visite(Constante c){res=res+c.valeur();} void visite(Non n){ res=res+"!("; n.sous_formule().accepte(this);res=res+""; } void visite(Et e){ res=res+"("; e.sous_formule_g().accepte(this); res=res+" ^ "; e.sous_formule_d().accepte(this); res=res+"";"} void visite(Ou o){ res=res+"("; o.sous_formule_g().accepte(this); res=res+" v "; o.sous_formule_d().accepte(this); res=res+"";"} void visite(Var v){res=res+v.ident();} }</pre>	<pre>class Exemple { public static void main(String[] args) { VisiteurTS v1 = new VisiteurTS(); VisiteurTS v2 = new VisiteurTS(); Formule f1 = Question1.f1(); Formule f2 = Question1.f2(); Formule f3 = Question1.f3(); f1.accepte(v1); System.out.println(v1.get_res()); f2.accepte(v2); System.out.println(v2.get_res()); v2.set_res(""); f3.accepte(v2); System.out.println(v2.get_res()); } } /* Trace de java Exemple (false v (true ^ false)) ((!(a) ^ b) v (a ^ !(b))) ((!(a) v a) v (!(a) ^ a)) */</pre>

Donnez la trace des appels aux différentes méthodes de l'expression `f2.accepte(v2)` de la méthode `main` de la classe `Exemple`.

- On retrouve la définition de la méthode `accepte` dans les classes concrètes des formules (`Constante`, `ET`, `Ou`, `Non` et `Var`). Que se passe-t-il si on la définit de manière concrète dans la classe ancêtre `Formule`. Justifier votre réponse au niveau du typage et de l'exécution.
- Dans un langage sans surcharge, il devient nécessaire de renommer les méthodes `visite` en fonction du paramètre discriminant. Par exemple `visite(Non)` devient `visite_non(Non)`. Modifier le programme présenté pour tenir compte de ce renommage. Vous pouvez utiliser une pseudo syntaxe objet à la Java ou à la Caml.

4 - Classes paramétrées

Soient les classes O'Caml suivantes :

```
class virtual obs_abs () =
object
  method virtual miseajour : unit -> unit
end;;

class sujet_gen () =
object
  val mutable lobs = ([] : obs_abs list)
  method attache o = lobs <- o :: lobs
  method detache o =
    lobs <- List.filter (fun x -> x <> o) lobs
  method private notify () =
    List.iter (fun x -> x#miseajour()) lobs
end;;
```

```
class ['a] sujet (x:'a) =
object
  inherit sujet_gen ()
  val mutable etat = x
  method acqEtat = etat
end;;

class ['a] obs (x : 'a sujet) =
object(self)
  inherit obs_abs ()
  val s = x
  val mutable etat = x#acqEtat
  initializer s#attache(self :> obs_abs)
  method miseajour () = etat <- s#acqEtat
end;;
```

Quand vous écrivez une classe Java, indiquer s'il y a des "warnings" à la compilation.

1. Donner le type O'Caml des classes `obs_abs`, `sujet_gen`, `['a] sujet`, `['a] obs`.
2. Ecrire quatre classes équivalentes, paramétrée si besoin est, en Java (1.5). Pour les listes vous pouvez utiliser la classe `ArrayList<E>` de l'API Java.
3. Ecrire une méthode `main` équivalente à la fonction `main` O'Caml suivante :

```
let main () =
  let s = new sujet (0.0, 0.0) in
  let o1 = new obs s in
  let o2 = new obs s in
  s#attache(o1);
  s#attache(o2);;
```